# DIMLR87 中分步筛选抽样方案 检验方法的验证

□青岛市计量技术研究院 赵易彬 于旭光 牟乃龙

【摘 要】本文主要对分步筛选抽样检验方法的验证。

【关键词】分步筛选方案;检验

#### 前言

在OIMLR87-16中,对于批量较大商品的样本量的选取与我国现行的JJF1070-2005版差异很大。为了减少计量检验人员的工作量,应尽可能地减少检验样本量。若只是简单地减少样本量,又会导致计量检验的错误评定的概率增加。为此,R87-16中引

人一种更为实用的分步筛选抽样的方法: 在增加抽样量的前提下,减少检验人员的工作量,既可使用一个较小的样本量进行检验,又不会导致错误评定的概率增加。

# 1 分步筛选抽样检验方法的简述

- 1.1 单件商品的检验程序
- (1)确定需检验的检验批N;
- (2)根据 $Q_{n}$ ,确定允许短缺量;
- (3) 从表1 中找出所需的样本量n 的最大值。

表1 分布筛选抽样方法中样本大小(n)的数值和具有了1误差(n<sub>T1</sub>)的可接受的预包装商品的数值

| 检验批大小(n) |        | 正7取2户 口 | 用和始坐未上小( ) | 在样本中具有T1 误差(n <sub>T1</sub> ) 的可接受的预包装商品 |  |  |  |  |
|----------|--------|---------|------------|--|--|--|--|--|
| 最小值      | 最大值    | 步骤编号    | 累积的样本大小(n) | 的数量                                      |  |  |  |  |
|          | 139    | 1       | 35         | 0  |  |  |  |  |
| 100      |        | 2       | 50         | 1  |  |  |  |  |
| 100      | 139    | 3       | 60         | 2  |  |  |  |  |
|          |        | 4       | 75         | 3  |  |  |  |  |
|          |        | 1       | 35         | 0  |  |  |  |  |
|          |        | 2       | 50         | 1  |  |  |  |  |
| 140      | 289    | 3       | 65         | 2  |  |  |  |  |
|          |        | 4       | 80         | 3  |  |  |  |  |
|          |        | 5       | 95         | 4  |  |  |  |  |
|          | 999    | 1       | 40         | 0  |  |  |  |  |
|          |        | 2       | 50         | 1  |  |  |  |  |
| 290      |        | 3       | 70         | 2  |  |  |  |  |
| 290      |        | 4       | 90         | 3  |  |  |  |  |
|          |        | 5       | 100        | 4  |  |  |  |  |
|          |        | 6       | 115        | 5  |  |  |  |  |
|          | 100000 | 1       | 40         | 0  |  |  |  |  |
|          |        | 2       | 55         | 1  |  |  |  |  |
|          |        | 3       | 70         | 2  |  |  |  |  |
| 1000     |        | 4       | 95         | 3  |  |  |  |  |
|          |        | 5       | 105        | 4  |  |  |  |  |
|          |        | 6       | 120        | 5  |  |  |  |  |
|          |        | 7       | 135        | 6  |  |  |  |  |

下面使用N=100-139 及n=75 为例进行解析。

- (4)随机抽取75件商品(初始样本),识别码(#1到#75)。
- (5) 在(6) 到(9) 中, 若有1件 $T_2$ 类短缺商品, 或4件 $T_1$ 类短缺商品,则该检验批评定为不合格。

#### (6)分步检验的第一步

从初始样本中取35件样品,识别码为#1到#35,检验每件的实际含量。若没有具有 $T_1$ 类短缺的商品,则单件商品满足要求,进入平均实际含量的检验。若有一件、两件或三件商品是 $T_1$ 类短缺的商品,就分别进入(7)、(8) 和(9) 分步检验。

# (7)分步检验的第二步

若有一件 $T_1$ 类短缺商品,则从初始样本中再取出样品到识别码为#50,检验其实际含量。若附加样本中没有 $T_1$ 类短缺的商品,则单件商品满足要求,进入平均实际含量的检验。若在已检的样本中,共有两件或三件 $T_1$ 类短缺商品,就分别进入(8)和(9)分步检验。

#### (8)分步检验的第三步

若50件样品中有两件T<sub>1</sub>类短缺商品,则从初始样本中再取出样品到识别码为#60,检验其实际含量。若第二组附加样本中没有T<sub>1</sub>类短缺商品,则单件商品满足要求,进入平均实际含量的检验。若在已检的样本中,共有三件T<sub>1</sub>类短缺商品,就进入到(9)分步检验。

#### (9)分步检验的第四步

若60 件样品中有三件 $T_1$ 类短缺商品,则取出剩下的所有样品,识别码直到#75,检验其实际含量。若第三组附加样本中没有 $T_1$ 类短缺的商品,则单件商品满足要求,就进入平均实际含量的检验。

#### 1.2 平均含量要求的检验程序

当单件商品检验通过,我们就已经获得N 和n,使用下式计算SCF。

 $SCF = -T.INV(0.005, n-1)/(SQRT(n \times (N-1)/(N-n)))$ 

我们可利用Excel 表的功能,输入相应的N 和n就可计算出SCF。

然后,利用确认的SCF,是否满足该式:  $q_{ave} \ge (Q_v - SCF \times s)$ 。

若满足,则该检验批满足了平均含量的要求。

当然,若平均实际含量 $q_{ave}$ 大于等于其标注净含量 $Q_{av}$ ,就没有必要再进行SCF等计算了。

#### 1.3 最终评定

若检验批通过了单件商品的要求和平均实际含量要求,则该检验批为合格。

# 2 抽取样品和皮重样品

- 2.1 在啤酒企业成品库抽样,商品净含量: 600ml,若检验批N=136,查表1,检验批在100-139之间,应抽取样品 $n_{30}=75$ ,作为初始样本。
- 2.2 在啤酒包装现场,抽取"未使用过的干燥 皮重"25件。

# 3 计算皮重

- 3.1 从25个皮重样品(啤酒瓶)中,选择10个 皮重样品进行称重,确定每个皮重样品的重量。记 录数据如下:
  - ①487.1g, ②486.1g, ③487.3g, ④486.8g,
  - 5486.8g, 6486.3g, 7486.1g, 8486.9g,
  - 9485.9g, 10486.2g;
  - 3.2 计算这10个皮重样品的平均皮重ATM<sub>10</sub>

$$ATM_{10}$$
=486.6g

3.3 比较ATM<sub>10</sub> 与Q<sub>n</sub>×10%

 $Q_n \times 10\% = 600 \text{ml} \times 10\% \times 1.0025 \text{g/cm}^3 = 60.15 \text{g}$ 

注: 啤酒的密度为1.0025g/cm3

由于 $ATM > Q_n \times 10\%$ (486.6 > 60.15),应计算 皮重的标准偏差。

#### 3.4 皮重的标准偏差

$$s_{TM} = \sqrt{\frac{1}{n_{TM} - 1} \sum_{i=1}^{n_p} (TM_i - ATM)^2} = 0.4859 \text{ (g)}$$

查表,净含量为600ml 商品的允许短缺量T=15ml.

 $0.25T = 0.25 \times 15 = 3.75$ ml  $\approx 3.76$ g

由于 $S_{TM}$  <0.25T (0.4859 <3.76),需对另外15个皮重样品进行称重。

3.5 对另外15个皮重样品进行称重 确定15个皮重的重量,数据如下:单位:(g)

表2 余下15件的皮重值

| 487.1 | 486.1 | 487.3 | 486.8 | 486.8 |
|-------|-------|-------|-------|-------|
| 486.3 | 486.1 | 486.9 | 485.9 | 486.2 |
| 485.7 | 486.9 | 486.8 | 486.8 | 485.6 |

| 486.2 | 486.3 | 485.9 | 487.1 | 486.5 |
|-------|-------|-------|-------|-------|
| 486.3 | 486.1 | 486.9 | 485.0 | 486.2 |

- 3.6 计算这25 个皮重样品的平均皮重 $ATM_{25}$  平均皮重 $ATM_{25}$  =486.4g
- 3.7 使用这25个皮重的平均皮重 $ATM_{25}$ ,确定商品的实际含量。
  - 4 用分步筛选抽样检验方法进行实际含量检验
  - 4.1 确定需检验的检验批N=136;
  - 4.2 根据Qn=600ml,确定允许短缺量T=15ml;
- 4.3 从表1 中找出所需的样本量n 的最大值, $n_{\partial n}$  =75。

- 4.4 随机抽取75件商品(初始样本),识别码(#1到#75)。
- 4.5 从初始样本中取出35件样品形成一组样本,识别码为#1到#35,并且检验每件商品的实际含量。步骤如下:
- ①首先用数字指示秤,对每个样品的毛重进行称量,称得每个样品的毛重*AGM*;
- ②然后每个样品的毛重 $AGM_i$ 减去平均皮重  $ATM_{25}$ ,获得每个样品的实际含量 $q_i$ ;
  - ③35 件样品检验数据见原始记录表格:

表3 (1~35)号样品的检验数据

| 编 号       | 1      | 2      | 3      | 4      | 5      | 6      | 7      | 8      | 9      | 10     |
|-----------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| 毛重 (g)    | 1093.9 | 1095.8 | 1090.7 | 1095.4 | 1094.2 | 1094.3 | 1092.1 | 1093.8 | 1093.1 | 1093.3 |
| 皮重 (g)    | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  |
| 实际含量 (ml) | 606.0  | 607.9  | 602.8  | 607.5  | 606.3  | 606.4  | 604.2  | 605.9  | 605.2  | 605.4  |
| 误差 ( ml ) | 6.0    | 7.9    | 2.8    | 7.5    | 6.3    | 6.4    | 4.2    | 5.9    | 5.2    | 5.4    |
| 编 号       | 11     | 12     | 13     | 14     | 15     | 16     | 17     | 18     | 19     | 20     |
| 毛重 (g)    | 1093.9 | 1093.1 | 1092.5 | 1095.7 | 1094.1 | 1095.2 | 1092.7 | 1096.6 | 1070.2 | 1095.8 |
| 皮重 (g)    | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  |
| 实际含量 (ml) | 606.0  | 605.2  | 604.6  | 607.8  | 606.2  | 607.3  | 604.8  | 608.7  | 582.3  | 607.9  |
| 误差 ( ml ) | 6.0    | 5.2    | 4.6    | 7.8    | 6.2    | 7.3    | 4.8    | 8.7    | -17.7  | 7.9    |
| 编 号       | 21     | 22     | 23     | 24     | 25     | 26     | 27     | 28     | 29     | 30     |
| 毛重 (g)    | 1090.0 | 1095.6 | 1091.6 | 1093.7 | 1095.9 | 1093.5 | 1095.3 | 1096.1 | 1092.4 | 1092.4 |
| 皮重 (g)    | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  |
| 实际含量 (ml) | 602.1  | 607.7  | 603.7  | 605.8  | 608.0  | 605.6  | 607.4  | 608.2  | 604.5  | 604.5  |
| 误差 ( ml ) | 2.1    | 7.7    | 3.7    | 5.8    | 8.0    | 5.6    | 7.4    | 8.2    | 4.5    | 4.5    |
| 编 号       | 31     | 32     | 33     | 34     | 35     |        |        |        |        |        |
| 毛重 (g)    | 1093.3 | 1093.4 | 1093.6 | 1094.6 | 1095.9 |        |        |        |        |        |
| 皮重 (g)    | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  |        |        |        |        |        |
| 实际含量 (ml) | 605.4  | 605.5  | 605.7  | 606.7  | 608.0  |        |        |        |        |        |
| 误差 ( ml ) | 5.4    | 5.5    | 5.7    | 6.7    | 8.0    |        |        |        |        |        |

- 4.6 假设在上面的检验数据中出现1件*T*<sub>1</sub>类短缺商品(#19),则就应进行分步检验的第二步。
- 4.7 因为出现1件*T<sub>I</sub>*类短缺商品,则再从初始 样本中取出样品到识别码为#50,形成一组附加样 本,然后检验这些附加样本的实际含量。步骤如下:
- ①对每个样品的毛重进行称量,称得每个样品的毛重*AGM*;
- ②每个样品的毛重 $AGM_i$ 减去平均皮重 $ATM_{25}$ ,得每个样品的实际含量 $q_i$ ;
  - ③15 件样品检验数据见原始记录表格:

表4 (36~50)号样品的检验数据

| 编 号       | 36     | 37     | 38     | 39     | 40     | 41     | 42     | 43     | 44     | 45     |
|-----------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| 毛重 (g)    | 1097.1 | 1093.5 | 1092.1 | 1092.7 | 1095.5 | 1090.3 | 1096.3 | 1096.3 | 1099.1 | 1096.2 |
| 皮重 (g)    | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  |
| 实际含量 (ml) | 609.2  | 605.6  | 604.2  | 604.8  | 607.6  | 602.4  | 608.4  | 608.4  | 611.2  | 608.3  |
| 误差(ml)    | 9.2    | 5.6    | 4.2    | 4.8    | 7.6    | 2.4    | 8.4    | 8.4    | 11.2   | 8.3    |
| 编 号       | 46     | 47     | 48     | 49     | 50     |        |        |        |        |        |

| 毛重 (g)    | 1094.2 | 1096.2 | 1095.3 | 1093.9 | 1095.6 |  |  |  |
|-----------|--------|--------|--------|--------|--------|--|--|--|
| 皮重 (g)    | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  | 486.4  |  |  |  |
| 实际含量 (ml) | 606.3  | 608.3  | 607.4  | 606.0  | 607.7  |  |  |  |
| 误差 (ml)   | 6.3    | 8.3    | 7.4    | 6.0    | 7.7    |  |  |  |

4.8 在附加样本中没有 $T_I$ 类短缺的商品,则单件商品满足了要求,进入平均实际含量的检验。

# 4.9 平均含量检验

通过上面的试验,我们已知检验批量N等于136件,进入试验样本量n等于50件。

可利用Excel 表计算SCF(N=136,n=50),则:  $SCF = -T.INV(0.005, n-1)/(SQRT(n \times (N-1)/(N-n)))$  =2.9397/8.8594 =0.332

计算50 件样品的平均实际含量 $q_{ave}$ =606.3ml; 标称净含量 $Q_n$ =600ml 由于 $q_{ave}>Q_n$ ,则该检验批平均含量检验合格。 若 $q_{ave}<Q_n$ ,假设qave=599.3ml 就应计算样本平均实际含量的修正值 $SCF\times s$ 。 计算样本实际含量标准偏差

S= 
$$\sqrt{\frac{1}{n-1}\sum_{i=1}^{n}(q_i-q_{ave})^2}$$
=3.926ml

修正值SCF×s =0.332×3.926 ≈1.303 ml

 $Q_{\rm n}$ -SCF $\times s$ =600-(0.377 $\times$ 3.926)=598.7ml 那么 $q_{\rm ave}>Q_{\rm n}$ -CF $\times s$  则该检验批平均含量检验合格。

#### 4.10 最终评定

若检验批通过了单件商品的要求和平均实际含量要求,则该检验批为合格。

# 5 结束语

通过试验可以验证此方法是完全行之有效的, 为检验人员的日常检验提供了一个很好的选择,在 不导致错误判断概率增加的情况下,可用较小的样 本进行检验,大大提高了工作效率。

# 参考文献:

[1] OIML R87-2016.

作者简介: 赵易彬, 男, 汉族, 青岛市计量技术研究院高工, 主要从事衡器和商品量的计量工作。